

**Master d'Informatique  
spécialité DAC**  
BDLE (Bases de Données Large Echelle)  
-Seconde Partie-

**Cours 2 : Requêtes relationnelles en  
M/R**

Mohamed-Amine Baazizi – email: prénom.nom@lip6.fr  
<http://dac.lip6.fr/master/ues-2014-2015/bdle-2014-2015/>

---

---

---

---

---

---

---

---

**Objectifs**

1. Traduction des requêtes relationnelles en MR
2. Estimation du coût d'un programme MR

---

---

---

---

---

---

---

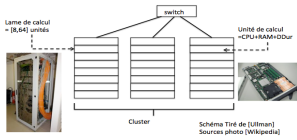
---

**Coût d'un programme MR**

Rappel : architecture en grappe

Deux facteurs :

1. **Communication** : transfert des données entre noeuds
2. **Calcul** : exécution des *maps* et des *reduces* (accès disque)



---

---

---

---

---

---

---

---

### Différents modèles de coût

| Facteur \ Modèle | Orienté communication | Orienté calcul |
|------------------|-----------------------|----------------|
| Communication    | ✓                     | ✗              |
| Calcul           | ✗                     | ✓              |

[Afrati et al.]

[Suciu et al.]

Ignorer les calculs car considérés simples  
Considérer les transferts car hiérarchie des mémoires

Fixer les transferts → coût de communication constant

---

---

---

---

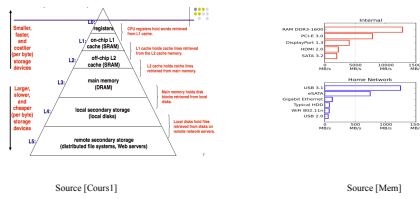
---

---

---

---

### Hiérarchie des mémoires



Source [Cours1]

Source [Mem]

---

---

---

---

---

---

---

---

### Différents modèles de coût

| Facteur \ Modèle | Orienté communication | Orienté calcul |
|------------------|-----------------------|----------------|
| Communication    | ✓                     | ✗              |
| Calcul           | ✗                     | ✓              |

[Afrati et al.]

[Suciu et al.][??]

Ignorer les calculs car considérés simples  
Considérer les transferts car hiérarchie des mémoires

Fixer les transferts → coût de communication constant

---

---

---

---

---

---

---

---

**Modèle orienté communication**

**Rappel**  
 Communication = transfert données entre les noeuds

**Transfert de données :**

- *Maps* vers *reduces* : les paires clés valeurs
- *Reduces* vers *maps* : résultat d'une étape MR

**Remarque**

- Les *maps* s'exécutent localement, pas de transfert

---

---

---

---

---

---

---

---

**Modèle orienté communication**  
**Illustration**

Jointure naturelle  $R(A, B)$  et  $S(B, C)$

**Rappel :**

**Map** pour chaque  $(a, b)$  de  $R$  produire  $(b, (R, a))$   
 pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(b, (S, c))$

**Reduce**  
 Produire  $(b, \{a_1, \dots, a_k\} \times \{c_1, \dots, c_m\})$

**Coût** =  $|R| + |S|$  = coût pour mettre à disposition les données aux reduces

---

---

---

---

---

---

---

---

**Modèle orienté communication**  
**opérateurs algébriques**

|   |  |
|---|--|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>• Opérateurs ensemblistes :</li> <li>- Union : <math>\cup</math></li> <li>- Intersection : <math>\cap</math></li> <li>- Différence : <math>-</math></li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Autres opérateurs :</li> <li>- Projection : <math>\pi_x</math></li> <li>- Sélection : <math>\sigma_C</math></li> <li>- Jointure naturelle : <math>\bowtie</math></li> <li>- Renommage : <math>\rho_{A \rightarrow B}</math></li> <li>- Produit cartésien : <math>\times</math></li> <li>- Division : <math>\div</math></li> </ul> |
|---|--|

**Coût** :  $|R|$  si opérateur unaire  
 $|R| + |S|$  si opérateur binaire

**Question** : opérateurs n-aires?

---

---

---

---

---

---

---

---

### Modèle orienté communication opérateurs algébriques n-aires

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $R_1 \dots R_n$   $n$  schémas de relations

Opérateurs ensemblistes :  $\text{sch}(R_i)$  identiques

- Union                      coût =  $\sum |R_i|$
- Intersection            coût =  $\sum |R_i|$

Jointure :  $R(A,B) \bowtie S(B,C) \bowtie T(C,D)$

- coût =?  $\sum |R_i|$
- Généralisation de la jointure à 2 relations?

10

---

---

---

---

---

---

---


---

### Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B), S(B,C), T(C,D)$

Exemple

|  |   |
|--|---|
| r0 : a1 b0<br>s0 : b1 c1<br>r1 : a1 b2 |  |
| r2 : a0 b1<br>t0 : c1 d0               |   |
| t2 : c2 d2<br>t3 : c1 d0               |   |
| Entrée                                 | Reduce  |

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B), S(B,C), T(C,D)$

Tentative 1 : généralisation 'naïve'

**Map**    pour chaque  $(a, b)$  de  $R$  produire  $(b, (R, a))$   
 pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(b, (S, c))$   
 pour chaque  $(c, d)$  de  $T$  produire  $(c, (T, d))$

$(b, (R, a)) (b, (S, c)) (b, [(R, a), (S, c)]) (c, (T, d))$   
 Constat ?

---

---

---

---

---

---

---

---

**Jointure à n relations**

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 2 : généralisation **moins** 'naïve'

**Map** pour chaque  $(a, b)$  de  $R$  produire  $(b, (R, a))$   
 pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(b, (S, c))$   
 pour chaque  $(c, d)$  de  $T$  produire  $(c, (T, d))$   
 pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(c, (S, b))$

$(b, (R,a)) (b, (S,c)) (b, [(R, a), (S, c)]) (c, (T,d)) (c, [(S,b), (T,d)])$

Constat ?

---

---

---

---

---

---

---

---

**Jointure à n relations**

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 3 : la bonne!

**Question** : que doit-on avoir du côté Reduce?

**Réponse** : les tuples de  $R$ ,  $S$  et  $T$  correspondant à une combinaison de valeur de  $B$  et de  $C$

**Mise en œuvre** : deux fonctions de hachage  $h$  et  $g$

$h : \{b_0..b_n\} \rightarrow D_B$  et  $g : \{c_0..c_m\} \rightarrow D_C$   
 avec  $|D_B| \times |D_C| = |\text{reduces}| = k$

---

---

---

---

---

---

---

---

**Jointure à n relations**

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 3 : la bonne! (suite)

**Map** chaque  $(a, b)$  de  $R$ ,  $r_i \rightarrow$  les  $|D_C|$  buckets  $(h(b), y)$   
 chaque  $(b, c)$  de  $S$ ,  $s_j \rightarrow$  le seul bucket  $(h(b), g(c))$   
 chaque  $(c, d)$  de  $T$ ,  $t_l \rightarrow$  les  $|D_B|$  buckets  $(x, g(c))$

**Reduce** considérer les buckets où il y a des tuples de  $S$

---

---

---

---

---

---

---

---

**Jointure à n relations**

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 3 : la bonne! (*suite*)

**Map** chaque  $(a, b)$  de  $R$ ,  $r_i \rightarrow$  les  $|D_C|$  buckets  $(h(b), y)$   
 chaque  $(b, c)$  de  $S$ ,  $s_j \rightarrow$  le seul bucket  $(h(b), g(c))$   
 chaque  $(c, d)$  de  $T$ ,  $t_l \rightarrow$  les  $|D_B|$  buckets  $(x, g(c))$

**Reduce** considérer les buckets où il y a des tuples de  $S$

**Coût** du reduce  $|S| + |D_C| \times |R| + |D_B| \times |T|$

---

---

---

---

---

---

---

---

**Jointures circulaire**

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,A)$

**Questions** : généraliser la solution précédente.  
 Formule de coût?

---

---

---

---

---

---

---

---

**Jointures à n relations**

- Solution 'mono-passe' vs solution deux à deux
  - Comparaison de coûts
  - Coût jointure n-aire mono-passe
 
$$|S| + |D_B| \times |R| + |D_C| \times |T|$$
 avec  $|D_B| \times |D_C| = \text{reducers} = k$

**Question** : partitionner  $k$  pour avoir coût minimum?

**Réponse**: équations de Lagrange  
 $C = |S| + |D_B| \times |R| + |D_C| \times |T| - \lambda(|D_B| \times |D_C| - k) = 0$   
 Solutions à partir de  $dC/d|D_B|$  et  $dC/d|D_C|$   
 $|D_B| = (k|R|/|T|)^{1/2}$  et  $|D_C| = (k|T|/|R|)^{1/2}$

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointures à n relations

- Solution 'mono-passe' vs solution deux à deux
  - Comparaison de coûts
  - Coût jointure n-aire mono-passe
  - Coût jointure n-aire deux à deux
    - $p_{rs}$  ( $p_{st}$ ) proba que tuples R et S (S et T) joignables selon ordre : si R,S puis T alors  $|R|+|S|+p_{rs}|R||S|+|T|$

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointures à n relations

*Considérons  $R=S=T$  avec  $R(u,v)$  et  $R \bowtie R \bowtie R$   
(jointure pour trouver chemins de longueur 3)  
 $|\pi_u R|=3 \cdot 10^8$  et à chaque  $u$  correspond 300  $v$   
donc,  $|R|=9 \cdot 10^{10}$ .*

**Solution 1.** Jointure en mono-passe  
 $|R|(k)^{1/3}$  jointure circulaire mono-passe

**Solution 2.** deux jointures :  $R \bowtie R = R_1$  puis  $R_1 \bowtie R$   
 $|R|^2 p$  avec  $p$  proba que les tuples de R joignables ...

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointure à n relations

**Objectif :** une seule passe MR

**Hypothèse :**  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

**Question:** déterminer le partitionnement de  $k$ ?

**Réponse:** résoudre l'équation de Lagrange  
 $|R| def + |S| cef + |T| bcf + |U| abce$   
 $- \lambda(abcdef - k)$

**Problème :** n'admet pas de solution non nulle

**Solution :** Règle du Dominant

---

---

---

---

---

---

---

---

## Règle du dominant

### Définition :

Etant donné un schéma de relations  $R, S, \dots$   
ayant des attributs  $X, Y, \dots$

«  $X$  domine  $Y$  si chaque relation contenant  $Y$   
alors elle contient aussi  $X$  »

Quels attributs sont dominants/dominés?

$R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Règle du dominant

### Utilisation :

– La taille des partitions pour les attributs dominés  
peut être égale à 1.

– Il reste à partager  $k$  entre les attributs dominants

Exemple repris :  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

$|R| def + |S| cef + |T| bcf + |U| abce - \lambda(abcdef - k)$   
devient

$|R| d + |S| + |T| + |U| a$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Suite exemple

Exemple repris :  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

$|R| def + |S| cef + |T| bcf + |U| abce - \lambda(abcdef - k)$   
devient

$|R| d + |S| + |T| + |U| a - \lambda(ad - k)$

et admet comme solution

$|R| d = \lambda k$  et  $|U| a = \lambda k$

comme  $ad = k$

$a = (k|R|/|U|)^{1/2}$  et  $d = (k|U|/|R|)^{1/2}$

---

---

---

---

---

---

---

---



### Suite et fin exemple

Exemple repris :  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$   
 $a=(k|R|/|U|)^{1/2}$  et  $d=(k|U|/|R|)^{1/2}$

- **Map** :
  - ❖ chaque  $r$  va dans les  $d$  buckets  $(h(A), j)$   $j=1..d$
  - ❖ chaque  $u$  va dans les  $a$  buckets  $(g(D), i)$   $i=1..a$
  - ❖ chaque  $s$  et  $t$  vont dans le seul bucket  $(h(A),g(D))$

---

---

---

---

---

---

---

---

### Illustration

$R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$   
 $a=(k|R|/|U|)^{1/2}$  et  $d=(k|U|/|R|)^{1/2}$

- $R=\{(a_0,b_1,c_2), (a_1,b_0,c_2), (a_0,b_3,c_3)\}$
- $S=\{(a_1,b_1,d_0), (a_0,b_1,d_1)\}$
- $T=\{(a_1,d_0,e_1), (a_0,d_1,e_3)\}$
- $U=\{(d_1,f_3), (d_0,f_3)\}$

Préalable : déterminer  $a$  et  $d$  (valeur entière si nécessaire)

---

---

---

---

---

---

---

---

### Références

**[Afrati et al.]** *Optimizing joins in a map-reduce environment*, in Proceedings of EDBT 2010  
**[Cours1]** <https://www.cs.rutgers.edu/~badri/211dir/notes/w11-four.pdf>  
**[Mem]** [en.wikipedia.org/wiki/Random-access\\_memory](http://en.wikipedia.org/wiki/Random-access_memory)  
**[Suciu et al.]** *Parallel evaluation of conjunctive queries*, in Proceedings of PODS 2011

---

---

---

---

---

---

---

---